

П. М. ЭРДНИЕВ

ОЧЕРКИ  
ПО МЕТОДИКЕ  
ПРЕПОДАВАНИЯ  
МАТЕМАТИКИ  
В СРЕДНЕЙ ШКОЛЕ



г. ЭЛИСТА  
КАЛМЫЦКОЕ КНИЖНОЕ ИЗДАТЕЛЬСТВО  
1968 г.

*Пюрвя Мучкаевич Эрдниев*

**Очерки по методике преподавания математики  
в средней школе**

Редактор Н. Д. Буренин

Худож. редактор Н. Д. Будников

Техредактор Х. М. Дауров

Корректор Т. А. Кайтукова

Сдано в набор 2/VI-1967 г. Подписано к печати 26/III-1968 г.  
Объем 23,47 уч.-изд. л. Тираж 5000. Формат 60x92<sup>1</sup>/<sub>16</sub>. Цена 74 коп.

К-8521

Калмыцкое книжное издательство, г. Элиста, ул. Ленина, 230.

Книжная типография Управления по печати при Совете Министров  
СО АССР, г. Орджоникидзе, ул. Тельмана, 16.

## СОДЕРЖАНИЕ

Предисловие . . . . .	3
-----------------------	---

### Часть 1. Арифметика

§ 1. Обратная задача в курсе арифметики . . . . .	9
а) О преобразовании прямой задачи в обратную . . . . .	9
б) Обобщение понятия „обратная задача“ . . . . .	14
§ 2. Об изучении задач на движение . . . . .	17
§ 3. Об изучении задач на среднее арифметическое . . . . .	26
§ 4. О задачах „на предположение“ в курсе арифметики . . . . .	30
§ 5. Об алгебраическом решении арифметических задач . . . . .	35
§ 6. Об изучении темы „Пропорциональные величины“ . . . . .	39
а) Прямо пропорциональные величины . . . . .	39
б) Свойства прямо пропорциональных величин . . . . .	41
в) Формула прямой пропорциональности. Коэффициент пропорциональности . . . . .	42
г) Обратно пропорциональные величины . . . . .	44
д) Свойства обратно пропорциональных величин . . . . .	45
е) Формула обратной пропорциональности . . . . .	46
§ 7. Об изучении задач на пропорциональную зависимость . . . . .	47
§ 8. Об алгоритме решения задач на пропорциональную зависимость . . . . .	52
§ 9. Об изучении сложных задач на пропорциональную зависимость . . . . .	56
а) Ряд равных отношений. Сложное отношение . . . . .	56
б) Сложные задачи на пропорциональное деление . . . . .	59

### Часть II. Алгебра.

<i>Глава I. Изучение тождественных преобразований в VI—VII классах . . . . .</i>	64
§ 1. Изучение подтемы „Одночлены“ . . . . .	66
а) Умножение и деление степеней с одинаковым основанием . . . . .	66
б) Разложение степени на множители . . . . .	68
в) Умножение и деление одночлена на одночлен . . . . .	71
г) Разложение одночлена на множители . . . . .	73
д) Сокращение алгебраической дроби . . . . .	74

е) Умножение и деление алгебраических дробей . . . . .	77
ж) Сложение и вычитание алгебраических дробей . . . . .	80
§ 2. Изучение подтемы „Одночлен и многочлен“ . . . . .	85
§ 3. Изучение подтемы „Многочлены“ . . . . .	91
§ 4. Сокращенные действия по формулам . . . . .	96

### *Глава II. Об одновременном изучении взаимно обратных действий по таблицам и на логарифмической линейке*

§ 1. Возведение чисел в квадрат и извлечение квадратного корня по таблицам . . . . .	104
§ 2. Вычисление квадратов чисел и квадратных корней из чисел по таблицам . . . . .	108
§ 3. Возведение в квадрат десятичной дроби. Извлечение квадратного корня из десятичной дроби . . . . .	112
§ 4. Решение простейших задач на логарифмической линейке . . . . .	120
§ 5. Вычисление квадрата чисел и квадратного корня из числа на логарифмической линейке . . . . .	122
§ 6. Выполнение сложения и вычитания на счетной линейке с равномерными шкалами . . . . .	125
§ 7. Выполнение умножения и деления на логарифмической линейке . . . . .	126

### *Глава III. Об одновременном изучении показательной и логарифмической функций.*

§ 1. О взаимосвязи между возведением в степень, извлечением корня и нахождением логарифма числа . . . . .	132
§ 2. Одновременное введение понятий показательная и логарифмическая функция . . . . .	134
§ 3. Одновременное изучение свойств показательной и логарифмической функций . . . . .	139
§ 4. Одновременное изучение логарифмирования и потенцирования . . . . .	142
§ 5. О вычислениях на логарифмической линейке . . . . .	144
§ 6. Составление логарифмических уравнений . . . . .	147
§ 7. Составление логарифмических и показательных уравнений некоторых видов . . . . .	152

### *Глава IV. Об изучении неравенств.*

§ 1. Решение неравенства. Контроль решения неравенства . . . . .	155
§ 2. Составление неравенств . . . . .	161
§ 3. Составление неравенств некоторых видов . . . . .	164
§ 4. Составление безусловных неравенств . . . . .	165
§ 5. Решение параметрического линейного уравнения при дополнительных условиях . . . . .	168
§ 6. Решение параметрического квадратного уравнения при дополнительных условиях . . . . .	172

### *Глава V. Об изучении прогрессий*

§ 1. Об одновременном изучении арифметической и геометрической прогрессий . . . . .	174
§ 2. Неопределенные задачи по теме „Прогрессии“ . . . . .	179
§ 3. Прямая и обратная задача по теме „Прогрессии“ . . . . .	182

## *Глава VI. Об изучении некоторых вопросов тригонометрии*

§ 1. Составление тригонометрических тождеств . . . . .	186
§ 2. О выражении тригонометрических функций через другие тригонометрические функции . . . . .	189
§ 3. Прямая и обратная задачи при изучении тригонометрических тождеств . . . . .	191
§ 4. Проверка решения тригонометрического уравнения . . . . .	193
§ 5. Составление тригонометрических уравнений . . . . .	198

## **Часть III Геометрия.**

§ 1. Этап проверки и контроля при решении геометрической задачи и доказательство теорем . . . . .	206
§ 2. Решение задач на вычисление; составление обратных задач . . . . .	208
§ 3. Об ошибках, связанных с отождествлением прямой и обратной теорем . . . . .	213
§ 4. О методике изучения обратной и противоположной теорем в школе . . . . .	219
§ 5. Об изучении необходимых и достаточных условий в курсе геометрии . . . . .	227
§ 6. Как проявляется связь между прямой и обратной теоремами при доказательстве одной и той же теоремы разными способами? . . . . .	229
§ 7. Теоремы, обратные теоремам школьного курса геометрии . . . . .	233
§ 8. Составление и решение задач, обратных задачам на доказательство . . . . .	237
§ 9. Об изучении темы "Параллельные прямые" в школе . . . . .	250
§ 10. О взаимосвязи анализа и синтеза в процессе доказательства теоремы . . . . .	259
§ 11. Об изучении свойств и признаков параллелограмма . . . . .	261
§ 12. О роли прямых и обратных ассоциаций при изучении геометрии . . . . .	267
§ 13. О решении сходных геометрических задач на построение . . . . .	270
§ 14. О геометрических задачах на построение, в которых данными элементами являются точки и направления . . . . .	275
§ 15. Об изучении аналогичных теорем по планиметрии и стереометрии . . . . .	280
§ 16. Об изучении геометрических преобразований . . . . .	282
§ 17. Об одной логической ошибке . . . . .	298

## **Приложение**

A. Процесс усвоения знаний, как одновременная переработка информации алгоритмами разных уровней . . . . .	301
B. Об алгоритмической стороне процесса обучения математике . . . . .	312
C. Современные научные представления о мышлении и некоторые вопросы дидактики высшей школы . . . . .	327
Литература . . . . .	339